

제 2 교시

## 수학 영역(A 형)

짝수형

## 5지선다형

1. 두 행렬  $A = \begin{pmatrix} 2 & 1 \\ 5 & 0 \end{pmatrix}$ ,  $B = \begin{pmatrix} 1 & 0 \\ 1 & 1 \end{pmatrix}$ 에 대하여 행렬  $A - B$ 의 모든 성분의 합은? [2점]

- ① 1      ② 2      ③ 3      ④ 4      ⑤ 5

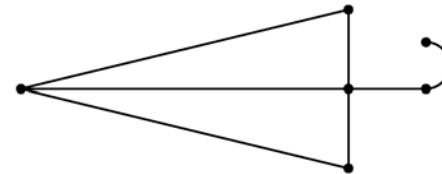
2.  $8^{\frac{1}{3}} + 27^{\frac{2}{3}}$ 의 값은? [2점]

- ① 8      ② 9      ③ 10      ④ 11      ⑤ 12

3.  $\lim_{x \rightarrow -2} \frac{(x+2)(x^2+5)}{x+2}$ 의 값은? [2점]

- ① 7      ② 8      ③ 9      ④ 10      ⑤ 11

4. 다음 그래프의 각 꼭짓점 사이의 연결 관계를 나타내는 행렬의 성분 중 1의 개수는? [3점]



- ① 10      ② 14      ③ 18      ④ 22      ⑤ 26

## 2

## 수학 영역(A형)

짝수형

5. 함수  $f(x) = x^3 + 7x + 3$ 에 대하여  $f'(1)$ 의 값은? [3점]

- ① 4      ② 6      ③ 8      ④ 10      ⑤ 12

7. 첫째항이 0이 아닌 등비수열  $\{a_n\}$ 에 대하여

$$a_3 = 4a_1, \quad a_7 = (a_6)^2$$

일 때, 첫째항  $a_1$ 의 값은? [3점]

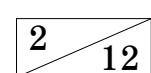
- ①  $\frac{5}{16}$       ②  $\frac{1}{4}$       ③  $\frac{3}{16}$       ④  $\frac{1}{8}$       ⑤  $\frac{1}{16}$

6. 두 사건  $A, B$ 에 대하여

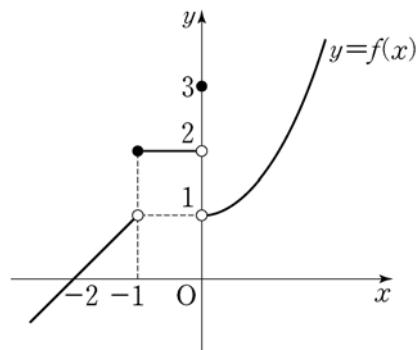
$$P(A) = \frac{2}{5}, \quad P(B|A) = \frac{5}{6}$$

일 때,  $P(A \cap B)$ 의 값은? [3점]

- ①  $\frac{1}{15}$       ②  $\frac{2}{15}$       ③  $\frac{1}{5}$       ④  $\frac{4}{15}$       ⑤  $\frac{1}{3}$



8. 함수  $y=f(x)$ 의 그래프가 그림과 같다.



$\lim_{x \rightarrow -1^-} f(x) + \lim_{x \rightarrow +0} f(x)$ 의 값은? [3점]

- ① 1      ② 2      ③ 3      ④ 4      ⑤ 5

10. 수열  $\{a_n\}$ 에 대하여 곡선  $y=x^2-(n+1)x+a_n$ 은  $x$  축과 만나고, 곡선  $y=x^2-nx+a_n$ 은  $x$  축과 만나지 않는다.

$\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{a_n}{n^2}$ 의 값은? [3점]

- ①  $\frac{1}{4}$       ②  $\frac{1}{5}$       ③  $\frac{3}{20}$       ④  $\frac{1}{10}$       ⑤  $\frac{1}{20}$

9. 모표준편차가 14인 모집단에서 크기가  $n$ 인 표본을 임의추출하여 구한 표본평균을  $\bar{X}$  라 하자.  $\sigma(\bar{X})=2$  일 때,  $n$ 의 값은? [3점]

- ① 9      ② 16      ③ 25      ④ 36      ⑤ 49

11.  $x$ 에 대한 로그부등식

$$\log_5(x-1) \leq \log_5\left(\frac{1}{2}x+k\right)$$

를 만족시키는 모든 정수  $x$ 의 개수가 3일 때, 자연수  $k$ 의 값은? [3점]

- ① 1      ② 2      ③ 3      ④ 4      ⑤ 5

12. 어느 쌀 모으기 행사에 참여한 각 학생이 기부한 쌀의

무게는 평균이 1.5kg, 표준편차가 0.2kg인 정규분포를

따른다고 한다. 이 행사에 참여한 학생

중 임의로 1명을 선택할 때,

이 학생이 기부한 쌀의 무게가 1.3kg

이상이고 1.8kg 이하일 확률을 오른쪽

표준정규분포표를 이용하여 구한

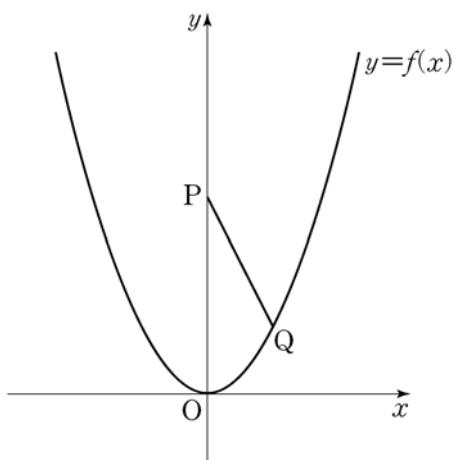
것은? [3점]

$z$	$P(0 \leq Z \leq z)$
1.00	0.3413
1.25	0.3944
1.50	0.4332
1.75	0.4599

- ① 0.6826      ② 0.7357      ③ 0.7745

- ④ 0.8012      ⑤ 0.8543

[13~14] 자연수  $n$ 에 대하여 좌표가  $(0, 2n+1)$ 인 점을 P라 하고, 함수  $f(x) = nx^2$ 의 그래프 위의 점 중  $y$ 좌표가 1이고 제1사분면에 있는 점을 Q라 하자. 13번과 14번의 두 물음에 답하시오.



13.  $n=1$  일 때, 선분 PQ 와 곡선  $y=f(x)$  및  $y$  축으로 둘러싸인 부분의 넓이는? [3점]

- ①  $\frac{11}{6}$     ②  $\frac{7}{4}$     ③  $\frac{5}{3}$     ④  $\frac{19}{12}$     ⑤  $\frac{3}{2}$

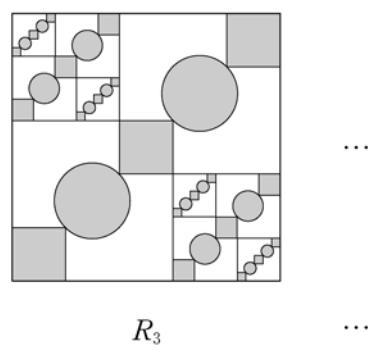
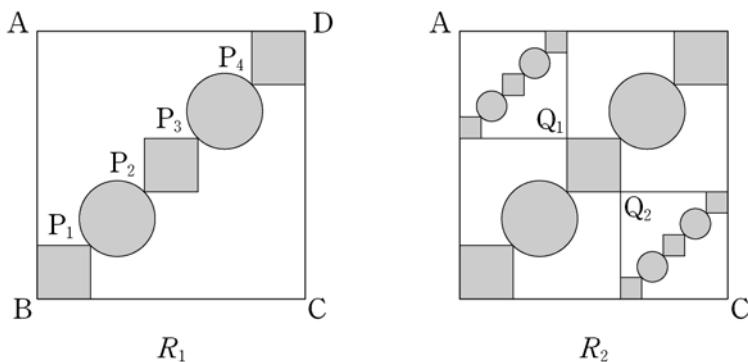
14. 점 R(0, 1)에 대하여 삼각형 PRQ의 넓이를  $S_n$ , 선분 PQ의 길이를  $l_n$ 이라 할 때,  $\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{S_n^2}{l_n}$  의 값은? [4점]

- ①  $\frac{1}{2}$     ②  $\frac{3}{4}$     ③ 1    ④  $\frac{5}{4}$     ⑤  $\frac{3}{2}$

15. 그림과 같이 한 변의 길이가 5인 정사각형 ABCD의 대각선 BD의 5등분점을 점 B에서 가까운 순서대로 각각  $P_1, P_2, P_3, P_4$ 라 하고, 선분  $BP_1, P_2P_3, P_4D$ 를 각각 대각선으로 하는 정사각형과 선분  $P_1P_2, P_3P_4$ 를 각각 지름으로 하는 원을 그린 후,  $\square$  모양의 도형에 색칠하여 얻은 그림을  $R_1$ 이라 하자.

그림  $R_1$ 에서 선분  $P_2P_3$ 을 대각선으로 하는 정사각형의 꼭짓점 중 점 A와 가장 가까운 점을  $Q_1$ , 점 C와 가장 가까운 점을  $Q_2$ 라 하자. 선분  $AQ_1$ 을 대각선으로 하는 정사각형과 선분  $CQ_2$ 를 대각선으로 하는 정사각형을 그리고, 새로 그려진 2개의 정사각형 안에 그림  $R_1$ 을 얻는 것과 같은 방법으로  $\square$  모양의 도형을 각각 그리고 색칠하여 얻은 그림을  $R_2$ 라 하자.

그림  $R_2$ 에서 선분  $AQ_1$ 을 대각선으로 하는 정사각형과 선분  $CQ_2$ 를 대각선으로 하는 정사각형에 그림  $R_1$ 에서 그림  $R_2$ 를 얻는 것과 같은 방법으로  $\square$  모양의 도형을 각각 그리고 색칠하여 얻은 그림을  $R_3$ 이라 하자.  
이와 같은 과정을 계속하여  $n$ 번째 얻은 그림  $R_n$ 에 색칠되어 있는 부분의 넓이를  $S_n$ 이라 할 때,  $\lim_{n \rightarrow \infty} S_n$ 의 값은? [4점]



- ①  $\frac{24}{17}(\pi+3)$       ②  $\frac{25}{17}(\pi+3)$       ③  $\frac{26}{17}(\pi+3)$   
 ④  $\frac{24}{17}(2\pi+1)$       ⑤  $\frac{25}{17}(2\pi+1)$

16. 어느 금융상품에 초기자산  $W_0$ 을 투자하고  $t$ 년이 지난 시점에서의 기대자산  $W$ 가 다음과 같이 주어진다고 한다.

$$W = \frac{W_0}{2} 10^{at} (1 + 10^{at})$$

(단,  $W_0 > 0$ ,  $t \geq 0$ 이고,  $a$ 는 상수이다.)

이 금융상품에 초기자산  $w_0$ 을 투자하고 15년이 지난 시점에서의 기대자산은 초기자산의 3배이다. 이 금융상품에 초기자산  $w_0$ 을 투자하고 30년이 지난 시점에서의 기대자산이 초기자산의  $k$ 배일 때, 실수  $k$ 의 값을? (단,  $w_0 > 0$ ) [4점]

- ① 9      ② 10      ③ 11      ④ 12      ⑤ 13

17. 다음 조건을 만족시키는 음이 아닌 정수  $a, b, c, d, e$ 의 모든 순서쌍  $(a, b, c, d, e)$ 의 개수는? [4점]

(가)  $a, b, c, d, e$  중에서 0의 개수는 2이다.  
 (나)  $a+b+c+d+e = 10$

- ① 240    ② 280    ③ 320    ④ 360    ⑤ 400

18. 두 이차정사각행렬  $A, B$  가

$$A+B=(BA)^2, \quad ABA=B+E$$

를 만족시킬 때, <보기>에서 옳은 것만을 있는 대로 고른 것은? (단,  $E$ 는 단위행렬이다.) [4점]

<보기>

$$\begin{aligned} \neg. \quad & A=B^2 \\ \lhd. \quad & B^{-1}=A^2+E \\ \sqsubset. \quad & A^5-B^5=A+B \end{aligned}$$

- ①  $\neg$                   ②  $\lhd$                   ③  $\neg, \sqsubset$   
 ④  $\lhd, \sqsubset$               ⑤  $\neg, \lhd, \sqsubset$

19. 모든 항이 양수인 수열  $\{a_n\}$ 은  $a_1 = a_2 = 1$ 이고,

$$S_n = \sum_{k=1}^n a_k \text{ 라 할 때},$$

$$a_{n+1} = \frac{S_n^2}{S_{n-1}} + (2n-1)S_n \quad (n \geq 2)$$

를 만족시킨다. 다음은 일반항  $a_n$ 을 구하는 과정이다.

$a_{n+1} = S_{n+1} - S_n$ 으로 주어진 식으로부터

$$S_{n+1} = \frac{S_n^2}{S_{n-1}} + 2nS_n \quad (n \geq 2)$$

이다. 양변을  $S_n$ 으로 나누면

$$\frac{S_{n+1}}{S_n} = \frac{S_n}{S_{n-1}} + 2n$$

이다.  $b_n = \frac{S_{n+1}}{S_n}$ 이라 하면  $b_1 = 2$ 이고

$$b_n = b_{n-1} + 2n \quad (n \geq 2)$$

이다. 수열  $\{b_n\}$ 의 일반항을 구하면

$$b_n = \boxed{(가)} \times (n+1) \quad (n \geq 1)$$

이므로

$$S_n = \boxed{(가)} \times \{(n-1)!\}^2 \quad (n \geq 1)$$

이다. 따라서  $a_1 = 1$ 이고,  $n \geq 2$ 일 때

$$a_n = S_n - S_{n-1}$$

$$= \boxed{(나)} \times \{(n-2)!\}^2$$

이다.

위의 (가)와 (나)에 알맞은 식을 각각  $f(n)$ ,  $g(n)$ 이라 할 때,

$f(10) + g(6)$ 의 값은? [4점]

- ① 110    ② 125    ③ 140    ④ 155    ⑤ 170

20. 두 다항함수  $f(x)$ ,  $g(x)$ 가 모든 실수  $x$ 에 대하여

$$f(-x) = -f(x), \quad g(-x) = g(x)$$

를 만족시킨다. 함수  $h(x) = f(x)g(x)$ 에 대하여

$$\int_{-3}^3 (x+5)h'(x)dx = 10$$

일 때,  $h(3)$ 의 값은? [4점]

- ① 1    ② 2    ③ 3    ④ 4    ⑤ 5

21. 다음 조건을 만족시키는 모든 삼차함수  $f(x)$ 에 대하여

$\frac{f'(0)}{f(0)}$ 의 최댓값을  $M$ , 최솟값을  $m$ 이라 하자.  $Mm$ 의 값을?

[4점]

- (가) 함수  $|f(x)|$ 는  $x = -1$ 에서만 미분가능하지 않다.  
 (나) 방정식  $f(x) = 0$ 은 닫힌 구간  $[3, 5]$ 에서 적어도  
 하나의 실근을 갖는다.

- ①  $\frac{1}{15}$     ②  $\frac{1}{10}$     ③  $\frac{2}{15}$     ④  $\frac{1}{6}$     ⑤  $\frac{1}{5}$

단답형

22. 등차수열  $\{a_n\}$ 에 대하여  $a_8 - a_4 = 28$  일 때, 수열  $\{a_n\}$ 의  
 공차를 구하시오. [3점]

23.  $\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{3 \times 9^n - 13}{9^n}$  의 값을 구하시오. [3점]

24.  $x, y$ 에 대한 연립일차방정식

$$\begin{pmatrix} 1 & a-2 \\ 2 & -1 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix} = 3 \begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}$$

가  $x=0, y=0$  이외의 해를 갖도록 하는 상수  $a$ 의 값을 구하시오. [3점]

26. 어느 회사의 직원은 모두 60명이고, 각 직원은 두 개의 부서 A, B 중 한 부서에 속해 있다. 이 회사의 A 부서는 20명, B 부서는 40명의 직원으로 구성되어 있다. 이 회사의 A 부서에 속해 있는 직원의 50%가 여성이다. 이 회사 여성 직원의 60%가 B 부서에 속해 있다. 이 회사의 직원 60명 중에서 임의로 선택한 한 명이 B 부서에 속해 있을 때, 이 직원이 여성일 확률은  $p$ 이다.  $80p$ 의 값을 구하시오. [4점]

25. 이산확률변수  $X$ 의 확률분포를 표로 나타내면 다음과 같다.

$X$	-5	0	5	계
$P(X=x)$	$\frac{1}{5}$	$\frac{1}{5}$	$\frac{3}{5}$	1

$E(4X+3)$ 의 값을 구하시오. [3점]

27. 두 함수

$$f(x) = \begin{cases} x+3 & (x \leq a) \\ x^2-x & (x > a) \end{cases}, \quad g(x) = x - (2a+7)$$

에 대하여 함수  $f(x)g(x)$ 가 실수 전체의 집합에서 연속이 되도록 하는 모든 실수  $a$ 의 값의 곱을 구하시오. [4점]

28. 두 다항함수  $f(x), g(x)$ 가 다음 조건을 만족시킨다.

$$(가) \ g(x) = x^3 f(x) - 7$$

$$(나) \ \lim_{x \rightarrow 2} \frac{f(x)-g(x)}{x-2} = 2$$

곡선  $y=g(x)$  위의 점  $(2, g(2))$ 에서의 접선의 방정식이  $y=ax+b$  일 때,  $a^2+b^2$ 의 값을 구하시오.  
(단,  $a, b$ 는 상수이다.) [4점]

29. ㅇ) 차함수  $f(x)$ 가  $f(0)=0$  ㅇ)고 다음 조건을 만족시킨다.

$$(가) \int_0^2 |f(x)| dx = - \int_0^2 f(x) dx = 4$$

$$(나) \int_2^3 |f(x)| dx = \int_2^3 f(x) dx$$

$f(5)$ 의 값을 구하시오. [4점]

30.  $x \geq \frac{1}{100}$  인 실수  $x$ 에 대하여  $\log x$ 의 가수를  $f(x)$ 라 하자.

다음 조건을 만족시키는 두 실수  $a, b$ 의 순서쌍  $(a, b)$ 를 좌표평면에 나타낸 영역을  $R$ 라 하자.

(가)  $a < 0$  ㅇ)고  $b > 10$  ㅇ)다.

(나) 함수  $y = 9f(x)$ 의 그래프와 직선  $y = ax + b$ 가 한 점에서만 만난다.

영역  $R$ 에 속하는 점  $(a, b)$ 에 대하여  $(a+20)^2 + b^2$ 의 최솟값은  $100 \times \frac{q}{p}$ 이다.  $p+q$ 의 값을 구하시오.

(단,  $p$ 와  $q$ 는 서로소인 자연수이다.) [4점]

\* 확인 사항

- 답안지의 해당란에 필요한 내용을 정확히 기입(표기)했는지 확인 하시오.